

# Криптография

## 1. Основи на криптографията

- История и общи понятия  
Теория на Кодирането (Оптимално кодиране, шумозащитно кодиране, криптиране)  
Криптография/Криптоанализ  
cleartext/encoded data/key  
криптиране/електронен подпис  
циклични/блокови алгоритми  
SnakeOil/strong алгоритми  
Caesar's Cipher, Enigma/Ultra  
1927 Scherbius
- Симетрични криптоалгоритми (базирани на секретен ключ)  
схеми (криптиране/подпис)  
DES, 3DES, Blowfish, IDEA, Cast, RC2, RC4, RC5, FEAL, SAFER
- Асиметрични криптоалгоритми (базирани на публичен ключ)  
public/private key (криптиране на private ключа със симетричен)  
схеми (криптиране/подпис)  
RSA, DSA, ElGamal, Diffie-Hellman, Elliptic Curves
- Hash функции  
схеми  
MD4, MD5 (128 бита), SHA1 (168 бита), RIPEMD-160  
one-way функции  
приложение: в симетричните/асиметричните криптоалгоритми, консистентност на данните, пароли  
UNIX crypt = [password] -> модифициран DES в/у 64 zero bits -> [hash]

## 2. Преглед. Криптографски алгоритми, имплементации, протоколи.

- Принцип на работа на DES (Data Encryption Standard)  
разработен от IBM, приет за стандарт от NBS (национално бюро по стандартите) през 1967, през 1980 приет от ANSI (FIPS 46-2)  
блокове от по 8 байта / ключ с ефективна дължина 56 bits (реални 64 bits - 8,16..64 - parity)  
(72 057 594 037 927 946 комбинации, криптоанализ - 16 000 000)

64bit -> пермутация -> L0 R0 (16 цикъла)

$L(i) = R(i-1)$

$R(i) = L(i-1) \text{ XOR } f(R(i-1), K(i))$

$f = \{$

$[R(i-1)] -32 \rightarrow [\text{Expander } 32/48] -48 \rightarrow [\text{XOR } K(i) /48/] ->$

$-48 \rightarrow \{$

$/6/ \quad S1 \quad /4/$

$/6/ \quad S2 \quad /4/$

$\dots$

$/6/ \quad S8 \quad /4/$

$\} -32 \rightarrow [\text{пермутация}] -32 \rightarrow$

$\}$

S - таблици на субституциите

Ki - серия от пермутации и SHL на оригиналния ключ

DES дефинира конкретните пермутации, S-таблиците, и т.н.

- Принцип на работа на RSA

Diffie-Hellman 1976 "Нови насоки в криптографията", PKS  $D(E(P))=P$   
Rivest, Shamir, Adleman 1978 "Един метод за получаване на цифрови подписи и системи с публичен ключ"

a) random големи прости числа p и q от приблизително един и същи порядък

b)  $n = p * q$

c) random голямо число D, взаимнопросто със  $(p-1)*(q-1)$

d) изчислява се E, така че  $(E*D) \bmod ((p-1)*(q-1)) = 1$

e) public key - (E,n), private key (D,n)

f) входните данни се разделят на блокове, които могат да се представят като числа в интервала  $[0, n-1]$

g)  $A^E \bmod n = B$

$B^D \bmod n = A$

пример:

$p = 3$

$q = 11$

$n = p \cdot q = 33$

$(p-1) \cdot (q-1) = 20$

нека  $D = 7$  (взаимнопросто с 20)

нека  $E = 3$  ( $3 \cdot 7 \bmod 20 = 1$ )

public = (3,33)

private = (7,33)

	$\cdot 3 \bmod 33$	$\cdot 7 \bmod 33$
R = 18	5832	24
S = 19	6859	28
A = 1	1	1

намиране на прости числа:

Сито на Ератостен

Ойлерово обобщение на Малката теорема на Ферма

$P$  - просто

$X$  - не е кратно на  $P$

$X^{(P-1)} \bmod P = 1$

Квадратично сито

Сито на числовото поле

длъжина на ключа

RSA-129 (17 години)

155 = 512bits

Reference	Magnitude
Seconds in a year	3E+7
Age of our solar system (years)	6E+9
Seconds since creation of solar system	2E+17
Clock cycles per year, 50 MHz computer	1.6E+15
Binary strings of length 64	$2^{64}$ 1.8E+19
Binary strings of length 128	$2^{128}$ 3.4E+38
Binary strings of length 256	$2^{256}$ 1.2E+77
Number of 75-digit prime numbers	5.2E+72
Electrons in the universe	8.37E+77

Числа на Мерсене (38)

- PGP (Pretty Good Privacy)
  - криптиране на файл
  - подпис на файл
  - имплементации ([www.pgp.com](http://www.pgp.com), [www.pgpi.org](http://www.pgpi.org), [www.gnupg.org](http://www.gnupg.org))
- PEM (SSL)
  - OpenPGP
  - CA PKI
- Криптоалгоритми с мрежова значимост
  - TLS/SSL

### 3. Identification & Authentication

- Passwords
  - stored password files (backup, superusers)
  - encrypted password files
  - password rules

атаки (replay, dictionary/guessing, brute-force)  
PINs + карта (4-8)  
two-stage authentication

- One-time passwords  
shared lists of one-time passwords  
updated one-time passwords

- Challenge-response identification  
Challenge  
random numbers  
sequence numbers  
timestamps

Challenge-response чрез симетрични алгоритми  
CR чрез симетрично криптиране (Kerberos)

- a)  $A \rightarrow B : E_k(T_a)$
- b)  $A \leftarrow B : R_b$   
 $A \rightarrow B : E_k(R_b)$
- c)  $A \leftarrow B : R_b$   
 $A \rightarrow B : E_k(R_a, R_b)$   
 $A \leftarrow B : E_k(R_b, R_a)$

CR чрез one-way функции  
hand-held passcode generators

Challenge-response чрез асиметрични алгоритми

CR базирани на криптиране  
 $A \leftarrow B : h(r), B, Pa(r, B)$   
 $A \rightarrow B : r$

CR базирани на електронен подпис  
a)  $A \rightarrow B : CERT_a, T_a, B, Sa(T_a, B)$   
b)  $A \leftarrow B : R_b$   
 $A \rightarrow B : CERT_a, R_a, B, Sa(R_a, R_b, B)$   
 $A \leftarrow B : CERT_b, A, Sb(R_b, R_a, A)$

#### 4. Литература

Diffie, W., and Hellman, M. New directions in cryptography.  
Knuth, D.E. The Art of Computer Programming, Vol 2: Seminumerical Algorithms  
Rivest, R.L., Shamir, A., Adleman, L. A Method for Obtaining Digital Signatures  
and Public-Key Cryptosystems  
Schneier, B. Applied Cryptography  
Biham, E., Shamir, A. Differential Cryptanalysis of the Data Encryption Standard  
Riesel, H. Prime Numbers and Computer Methods for Factorization  
Lai, X. On the Design and Security of Block Ciphers  
Kahn, D. The Codebreakers  
Bamford, J. The Puzzle Palace  
Stoll, C. The Cuckoo's Egg